

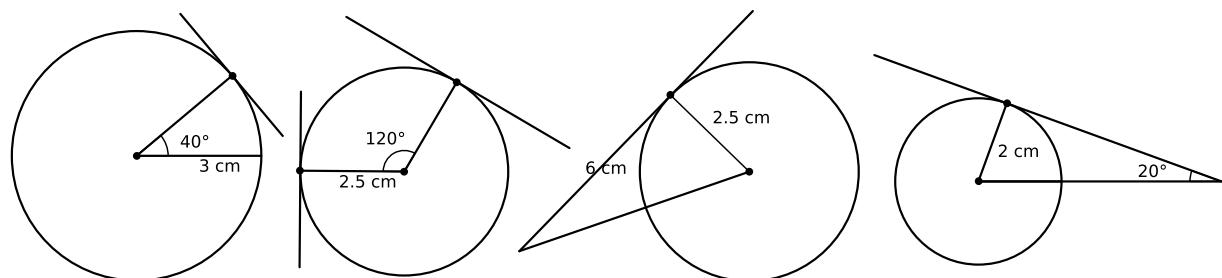
**1. അശയങ്ങൾ/ ധാരണകൾ. വരകൾ, വൃത്തങ്ങൾ (2 പിംഗ്)**

പ്രവർത്തനങ്ങൾ

- അഖ്യായത്തിന്റെ ആദ്യഭാഗത്തിലെ ചതുരച്ചിത്രത്തിലും, ത്രികോൺച്ചിത്രത്തിലും, ഓരോ വശവും വൃത്തത്തിലെ എത്ര ബിന്ദുകളിൽക്കൂടി കടന്നു പോകുന്നുണ്ടെന്നു ശ്രദ്ധയിൽപ്പെടുത്തുക.
- തുടർന്ന് ഒരു വരു ഒരു വൃത്തത്തിലെ ഒരേ ഒരു ബിന്ദുവിൽക്കൂടി മാത്രം കടന്നു പോകുന്ന ഒരു സന്ദർഭം പരിചയ പ്പെടുത്തുക. (പാഠപുസ്തകം പേജ് 144, 145). ഇപ്രകാരം വൃത്തത്തെ ഒന്നു തൊടുക മാത്രം ചെയ്യുന്ന വരയാണ് തൊടുവര.
- (പാഠപുസ്തകം പേജ് 146, 147)ലെ പ്രവർത്തനത്തിനു ശേഷം വൃത്തത്തിലെ ഏതെങ്കിലും ബിന്ദുവിലും ആരത്തിനു ലംബമായി വരയ്ക്കുന്ന വര, ആ ബിന്ദുവിലെ തൊടുവരയാണ്. എന്നു ബോധ്യപ്പെടുത്തുക.

അഭ്യസനമർദ്ദം

- തന്നിരിക്കുന്ന അളവിൽ ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ചിത്രങ്ങൾ വരച്ചു നോക്കുക.

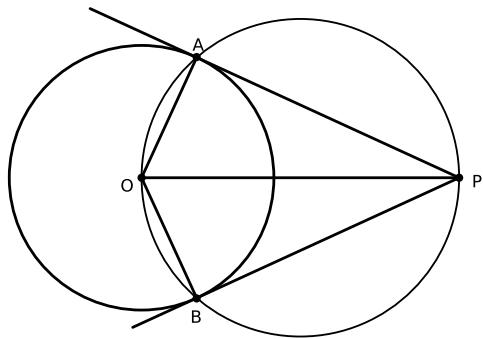


**2. അശയങ്ങൾ/ ധാരണകൾ. തൊടുവരകൾ, തൊടുന്ന ബിന്ദുവിലും വരയ്ക്കുന്ന ആരത്തിനു ലംബമാണ്. (3 പിംഗ്)**

പ്രവർത്തനങ്ങൾ

- എത്ര തൊടുവരയും, അത് വൃത്തത്തിൽ തൊടുന്ന ബിന്ദുവിലും വരയുള്ള ആരത്തിനു ലംബമാണോ എന്ന പരിശോധനയിൽ ആരത്തിനു ലംബമല്ലാതെ വരകളെല്ലാം വൃത്തത്തെ മറ്റാരു ബിന്ദുവിലും കൂടി വണിക്കുന്നത് വ്യക്തമാക്കണം. (പാഠപുസ്തകം പേജ് 149)
- അങ്ങനെ വൃത്തത്തിന്റെ എത്ര തൊടുവരയും, തൊടുന്ന ബിന്ദുവിലും വരയുള്ള ആരത്തിനു ലംബമാണ്. എന്ന സാമാന്യ തത്പര കൂടി ബോധ്യമാക്കണം.
- 2.5 സെ.മീറ്റർ ആരത്തിൽ  $O$  കേന്ദ്രമായി ഒരു വൃത്തം വരയ്ക്കുക.  
വൃത്തകേന്ദ്രത്തിൽ നിന്ന് 6 സെ.മീറ്റർ അകലെ  $P$  എന്ന ഒരു ബിന്ദു അടയാളപ്പെടുത്തുക.  
 $OP$  വ്യാസമായി ഒരു അർഭവൃത്തം വരകുക.  
ഈ അർഭവൃത്തം  $O$  കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തെ  $A$  എന്ന ബിന്ദുവിൽ വണിക്കുന്നു എന്നു കരുതുക.  
 $OA, PA$  എന്നിവ യോജിപ്പിച്ചാൽ  $\angle A$  യുടെ അളവ് എത്രയായിരിക്കും? എത്രകോണ്?  
അങ്ങനെയെങ്കിൽ  $PA$  എന്ന വര  $O$  കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിന്റെ തൊടുവരയാകുമല്ലോ?  
ഈപ്പോലെ  $OP$  വ്യാസമായി മറ്റാരു അർഭവൃത്തം കൂടി വരക്കാമല്ലോ?

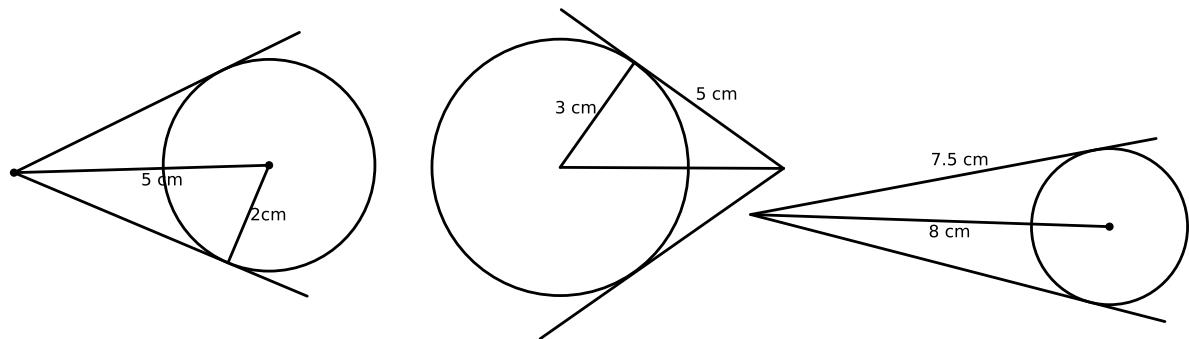
ഈ അർഭവൃത്തം  $O$  കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തെ  $B$  എന്ന ബിന്ദുവിൽ വണിക്കുന്നു എന്നു കരുതിയാൽ,  
 $PB$  എന്ന വരയും  $O$  കേന്ദ്രമായ വൃത്തത്തിന്റെ തൊടുവരതനെന്നയാണോ? എന്നുകൊണ്ട്?  
 $PA, PB$  എന്നി രണ്ടു തൊടുവരകളും തുല്യമാണെന്നു കാണാൻ കഴിയുന്നോ?



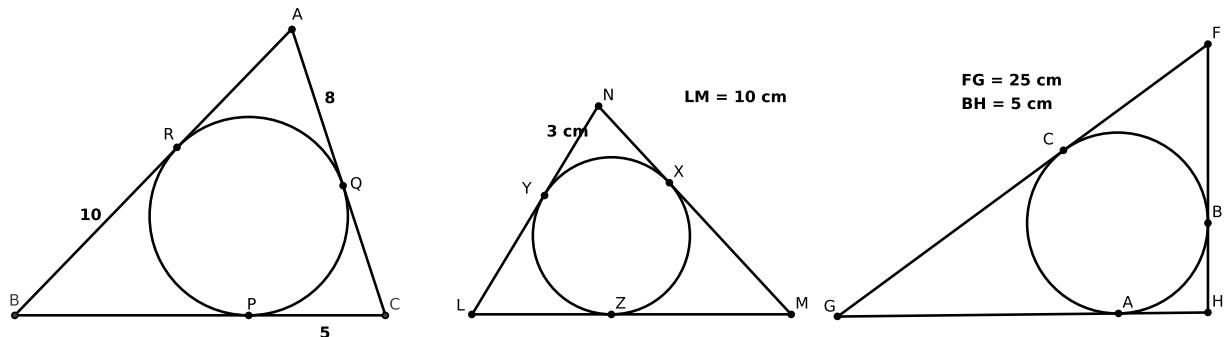
- തുടർന്ന് ഇത് എങ്ങനെ തെളിയിക്കാം എന്ന അനേകഷണം കൂടി വേണം.
- രണ്ട് മട്ടതികോണങ്ങളുടെയും കർണ്ണം  $OP$  തന്നെയാണെന്നും,  $OA, OB$  എന്നിവ തുല്യമായതിനാൽ മുന്നാമ തെരുവശങ്ങളായ  $PA, PB$  എന്നിവയും തുല്യമാണെന്നും ശ്രദ്ധയിൽപ്പെടുത്തുക.
- അങ്ങനെ വൃത്തത്തിന്റെ പുറത്തുള്ള ഏതു ബിന്ദുവിൽ നിന്നും രണ്ട് തൊടുവരകൾ വരക്കാമെന്നും, ബിന്ദുവിൽ നിന്നുള്ള ഈ തൊടുവരകളുടെ നീളം തുല്യമാണെന്നും സൊധ്യമാകണം.
- രണ്ട് മട്ടതികോണങ്ങളും സർവ്വസമങ്ങളായതിനാൽ  $OP$  എന്ന വര  $\angle AOB, \angle P$  എന്നിവയുടെ സമഭാജിയാണ് എന്നും ഓർമ്മിപ്പിക്കാം.
- വൃത്തത്തിന്റെ ആരം, കേന്ദ്രത്തിൽ നിന്നുള്ള അകലം, തൊടുവരയുടെ നീളം എന്നിവ തമ്മിലുള്ള പൊമ്പഗോരസ് സിഖാന്തത്തിന്റെ പ്രയോഗം സാധ്യമാകുന്ന തരം ഉദാഹരണങ്ങൾ നൽകണം.

#### അഭ്യന്തരമൾ

- ചുവടെയുള്ള ചിത്രങ്ങൾ പറഞ്ഞിരിക്കുന്ന അളവിൽ വരക്കുക.



- ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ഓരോ ത്രികോണങ്ങളുടെയും ചുറവുള്ള കാണുക.

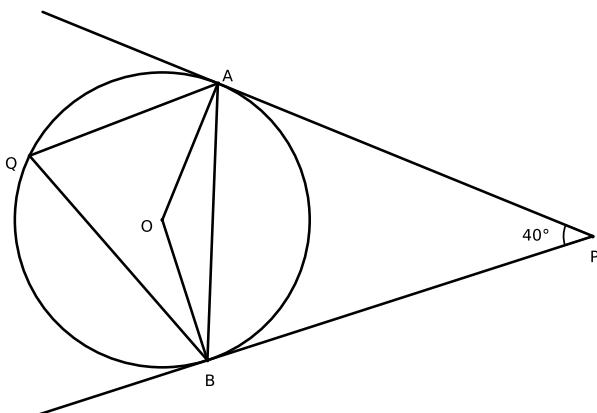


- 10 സെ.മീറ്റർ ആരമുള്ള ഒരു വ്യത്തത്തിൽനിന്നും, 26 സെ.മീറ്റർ അകലെയുള്ള ഒരു ബിന്ദുവിൽ നിന്നും വരക്കുന്ന തൊടുവരയുടെ നീളം കണക്കാക്കുക.
- വ്യത്ത കേന്ദ്രത്തിൽനിന്നും, 17 സെ.മീറ്റർ അകലെയുള്ള ഒരു ബിന്ദുവിൽ നിന്നും വ്യത്തത്തിലേക്ക് വരച്ചിരിക്കുന്ന തൊടുവരയുടെ നീളം 15 സെ.മീറ്റർ ആയാൽ വ്യത്തത്തിൽനിന്നും ആരം എത്ര?

### 3. ആശയങ്ങൾ/ ധാരണകൾ. തൊടുവരയും കോണും (3 പിരീഡ്)

#### പ്രവർത്തനങ്ങൾ

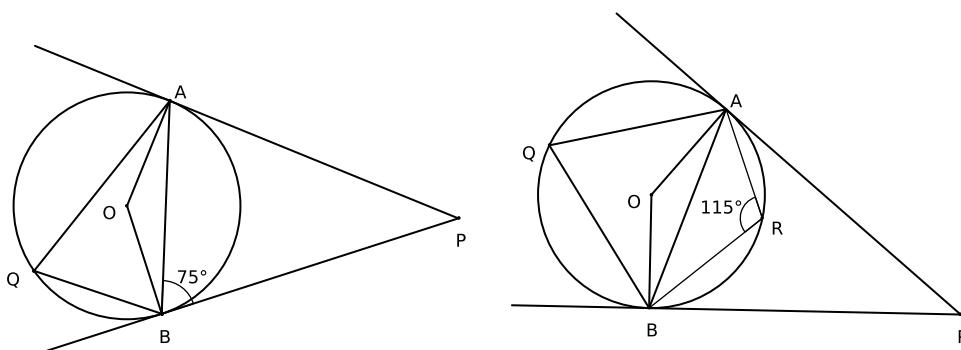
- വ്യത്തത്തിലെ രണ്ടു ബിന്ദുകൾ യോജിപ്പിക്കുന്ന ചെറിയ ചാപത്തിൽനിന്നും കേന്ദ്രകോണും, ഈ ബിന്ദുകളിലെ തൊടുവരകൾക്കിടയിലുള്ള കോണും അനുപുരകമാണ്. (പാഠപുസ്തകം പേജ് 155)
- ഇതിനെ തുടർന്ന് ഈ തത്പരത്തിൽനിന്ന് പ്രധ്യാഗങ്ങൾ എന്ന നിലയിൽ ചില ഉദാഹരണങ്ങൾക്കു ശേഷം തൊടുവരയും തമിലുള്ള കോൺ ഉൾപ്പെട്ട തത്പരത്തിലേക്ക് കടക്കുകയായിരിക്കും ഉചിതം.



- ചിത്രത്തിൽ  $\angle ABP, \angle BAP$  എന്നിവയുടെ പ്രത്യേകത എന്ത്?  $\angle AOB$  എന്തെന്ന്?  $\angle Q$  എന്തെന്ന്? എന്തുകേണ്ട്?
- $P$  ഡിലെ കോൺവ് മാറിക്കൊണ്ട്,  $\angle ABP, \angle Q$  എന്നിവ എല്ലായ്പ്പോഴും തുല്യമാകുന്നത് ശ്രദ്ധയിൽപ്പെട്ടു തന്നുകു.
- തുടർന്ന് എല്ലാ തൊണ്ടുകൾക്കും തൊടുവരകൾക്കും ഈ ബന്ധം ശരിയാണെന്നു സ്ഥാപിക്കുക. (പേജ് 157, 158)
- അതായത്, വ്യത്തത്തിൽനിന്നും ഒരു തൊണ്ടും അതിൻറെ ഒരു കൂടിയുള്ള തൊടുവരയും തമിലുള്ള ഓരോ കോൺും, ആ തൊണ്ടിൽനിന്നും മറ്റൊരു തൊണ്ടുള്ള വ്യത്വബന്ധത്തിലെ കോൺും തുല്യമാണ്.
- ഇവിടെ വ്യത്തത്തിനു പുറത്തുള്ള ഒരു ബിന്ദുവിൽ നിന്നും വരക്കുന്ന, ഒരു തൊടുവരയും ചേരുവേരവയും തമിലുള്ള  $PA \times PB = PC^2$  എന്ന രീതിയിലുള്ള ബന്ധത്തെപ്പറ്റിയും സൂചിപ്പിക്കണം.

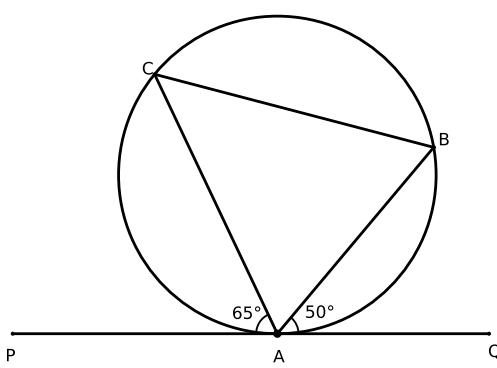
#### അഭ്യസനമന്ത്രം

- ചുവടെ കോടുത്തിരിക്കുന്ന ഓരോ ചിത്രത്തിലും  $\angle P, \angle Q$  എന്നിവയുടെ അളവു് കണക്കാക്കുക.

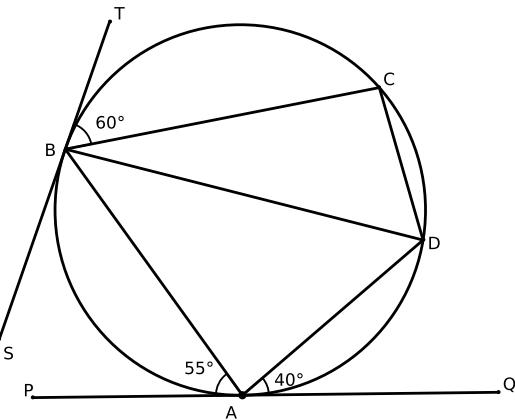


- 3 സെക്കണ്ടറിയിൽ ആരത്തിൽ ഒരു വൃത്തത്തിലൂടെ വരക്കുക. വൃത്തത്തെത്ത് ആരങ്ങൾ വരച്ച് 3 തുല്യഭാഗങ്ങളുണ്ടാക്കുക. വശങ്ങൾ ഒരും വൃത്തത്തെത്ത് തൊടുന്ന റിതിയിൽ ഒരു സമഭുജത്തികോണം വരക്കുക.
- 2.5 സെക്കണ്ടറിയിൽ ആരത്തിൽ ഒരു വൃത്തത്തിലൂടെ വരക്കുക. വശങ്ങൾക്കും വൃത്തത്തെത്ത് തൊടുന്ന റിതിയിൽ കോണുകൾ  $50^\circ, 60^\circ, 70^\circ$  ആയ ഒരു ത്രികോണം വരക്കുക.
- ചിത്രത്തിൽ  $PQ, ST$  എന്നിവ തൊടുവരകൾ . ത്രികോണത്തിന്റെയും, ചതുർഭുജത്തിന്റെയും എല്ലാ കോണുകളും ദേശാംഗം അളവ് കണക്കാപ്പിടിക്കുക.

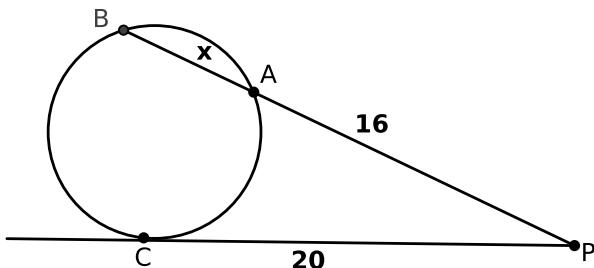
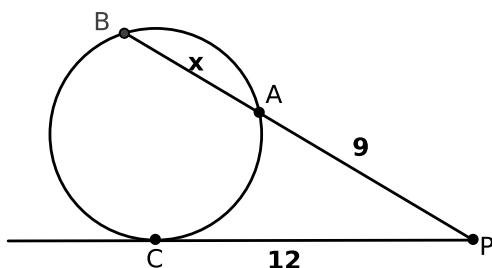
$\Delta ABC$  യുടെ കോണുകളുടെ അളവ് കാണുക



$ABCD$  യുടെ കോണുകളുടെ അളവ് കാണുക



- ചുവടെ കോടുത്തിരിക്കുന്ന ഓരോ ചിത്രത്തിലും  $x$  എൻ്റെ വില കാണുക.



#### 4. ആശയങ്ങൾ/ധാരണകൾ. ഉള്ളിലെ വൃത്തങ്ങൾ.(2 പിംഗിൾ)

##### പ്രവർത്തനങ്ങൾ

- വൃത്തത്തിനെ തൊടുന്ന ത്രികോണം വരച്ചതു പോലെ, ഒരു ത്രികോണത്തിനുള്ളിൽ അതിന്റെ വശങ്ങൾക്കും തൊടുക്കാണ് വൃത്തത്തിലൂടെ വരക്കുന്നതെങ്ങനെ എന്നാറിയണം.
- ഒരു വശത്തെ തൊടുന്ന അംഗീകാരം വൃത്തഞ്ചൾ വരയ്ക്കാം. എന്നാൽ ഒരു വശങ്ങൾക്കും തൊടുന്ന വൃത്തത്തിലൂടെ വരക്കുന്ന വശങ്ങൾക്കും മുമ്പായാണ് വശങ്ങൾക്കും തൊടുന്ന വൃത്തത്തിലൂടെ വരക്കുന്ന വശങ്ങൾക്കും മുമ്പായാണ് വശങ്ങൾക്കും തൊടുന്ന വൃത്തത്തിലൂടെ വരക്കുന്ന വശങ്ങൾക്കും മുമ്പായാണ് വശങ്ങൾക്കും തൊടുന്ന വൃത്തത്തിലൂടെ വരക്കുന്ന വശങ്ങൾക്കും.
- വൃത്തത്തിലുള്ള വൃത്തം ത്രികോണത്തിന്റെ അന്തർവൃത്തം എന്നാറിയപ്പെടുന്നു.
- ഏതു ത്രികോണത്തിലും, മൂന്നു കോണുകളുടെ സമഭാജികൾ ഒരേ ബിന്ദുവിൽ വണ്ണിക്കുന്നു എന്നും മനസ്സിലാക്കുക.

## അംഗീകാരമന്ത്രം

- വശങ്ങളുടെ നീളം 6, 7, 8 സെൻ്റീമീറ്റർ ആയ ഒരു ത്രികോണം വരച്ച് അതിന്റെ അന്തർവ്വത്തം വരക്കുക.
- 4 സെൻ്റീമീറ്റർ വശമുള്ള ഒരു സമഭൂജത്രികോണം വരച്ച് അതിന്റെ അന്തർവ്വത്തം, പരിവ്വത്തം എന്നിവ വരക്കുക.
- ഒരു വശം 7 സെൻ്റീമീറ്ററിലും, ആ വശത്തിലെ രണ്ടു കോണുകൾ  $70^\circ, 50^\circ$  ആയ ഒരു ത്രികോണം വരച്ച് അതിന്റെ അന്തർവ്വത്തം വരക്കുക.
- രണ്ടു വശങ്ങളുടെ നീളങ്ങൾ 8, 6 സെൻ്റീമീറ്റർ . അവയുടെ ഉൾക്കൊണ്ണ്  $90^\circ$  ആയ ഒരു ത്രികോണം വരച്ച് അതിന്റെ അന്തർവ്വത്തം, പരിവ്വത്തം എന്നിവ വരക്കുക.
- ഒരു വശം 5 സെൻ്റീമീറ്റർ ആയ സമചതുരം വരച്ച് അതിന്റെ അന്തർവ്വത്തവും, പരിവ്വത്തവും വരക്കുക.
- ഒരു സമഭൂജസാമാന്തരികത്തിന്റെ വശങ്ങൾ 5 സെൻ്റീമീറ്റർ ആണ്. അടുത്തടുത്ത രണ്ടു വശങ്ങൾ തമമില്ലാള്ള ഒരു കോണ്  $70^\circ$  ആണ്. സമഭൂജസാമാന്തരികം വരച്ച് അന്തർവ്വത്തം വരക്കുക.